

**Punkte:**  $\vec{A} = (0; 0)$ ;  $\vec{B} = (c; 0)$ ;  $\vec{C} = (a_1; a_2)$

**Seiten:**

$$\vec{a} = \overrightarrow{BC} = \vec{B} + r(\vec{C} - \vec{B}) = (c; 0) + r(a_1 - c; a_2)$$

$$\text{Richtungsvektor der Normalen } \vec{n}_a = (a_2; c - a_1)$$

$$\vec{b} = \vec{A} + s(\vec{C} - \vec{A}) = s(a_1; a_2)$$

$$\text{Richtungsvektor der Normalen } \vec{n}_b = (-a_2; a_1)$$

$$\vec{c} = t(0; c)$$

$$\text{Richtungsvektor der Normalen } \vec{n}_c = (0; 1)$$

**Mittensenkrechten:**

$$\begin{aligned}\vec{s}_a &= \vec{M}_a + u * \vec{n}_a = \frac{\vec{B} + \vec{C}}{2} + u(a_2; c - a_1) \\ &= \frac{1}{2}(c + a_1; a_2) + u(a_2; c - a_1)\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\vec{s}_b &= \vec{M}_b + v * \vec{n}_b = \frac{\vec{A} + \vec{C}}{2} + v(-a_2; a_1) \\ &= \frac{1}{2}(a_1; a_2) + v(-a_2; a_1)\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\vec{s}_c &= \vec{M}_c + w * \vec{n}_c = \frac{\vec{A} + \vec{B}}{2} + w(0; 1) \\ &= \frac{1}{2}(c; 0) + w(0; 1)\end{aligned}$$

**Zu zeigen** ist nun daß der  $\vec{U} = \text{Schnittpunkt}(\vec{s}_a, \vec{s}_c) = \vec{V} = \text{Schnittpunkt}(\vec{s}_b, \vec{s}_c)$

$$\vec{U}: \frac{c+a_1}{2} + a_2 u = \frac{c}{2} \Rightarrow u = \frac{-a_1}{2a_2}, \text{ gibt, in } \vec{s}_a \text{ eingesetzt } \vec{U}$$

$$\begin{aligned}&\frac{1}{2}(c + a_1; a_2) + \frac{-a_1}{2a_2}(a_2; c - a_1) \\ \vec{U} &= \frac{1}{2}\left(c; \frac{a_2^2 + a_1^2 - a_1 c}{a_2}\right)\end{aligned}$$

$$\vec{V}: \frac{1}{2}a_1 - v a_2 = \frac{c}{2} \Rightarrow v = \frac{a_1 - c}{2a_2}, \text{ gibt, in } \vec{s}_b \text{ eingesetzt in } \vec{V}$$

$$\begin{aligned}&\frac{1}{2}(a_1; a_2) + \frac{a_1 - c}{2a_2}(-a_2; a_1) \\ \vec{V} &= \frac{1}{2}\left(c; \frac{a_2^2 + a_1^2 - a_1 c}{a_2}\right) = \vec{U} \text{ was zu zeigen war.}\end{aligned}$$