

- /\* x sei das Verhältnis h / a, a die Höhe des abgeschnittenen Kegels \*/
- /\* R der Radius des ungeschnittenen, r der des abgeschnittenen Kegels \*/
- /\* s die Seitenkante des ungeschnittenen \*/
- /\* sk die des geschnittenen, st die des Stumpfes \*/

• **/\* Oberflächens K des geschnittenen Kegels \*/**

- $K := r \cdot \pi \cdot (r + sk)$   
 $r \pi (r + s k)$
- $r := x \cdot R : sk := x \cdot s : K := \text{factor}(K)$   
 $(R + s) \cdot \pi \cdot x^2 \cdot R$

• **/\* Stumpfoberfläche S \*/**

- $S := st \cdot \pi \cdot (R + r) + (R^2 + r^2) \cdot \pi$   
 $\pi st (R + R x) + \pi (R^2 + R^2 x^2)$
- $st := s - sk : S := \text{factor}(S)$   
 $\pi \cdot R \cdot (R + s + R x^2 - s x^2)$
- /\* und nun muss  $S = K$  nach x gelöst werden \*/
- $eq := S = K$   
 $\pi \cdot R \cdot (R + s + R x^2 - s x^2) = (R + s) \cdot \pi \cdot x^2 \cdot R$

- $eq := \text{simplify}(eq / \pi)$   
 $R s + R^2 - R s x^2 + R^2 x^2 = R s x^2 + R^2 x^2$
- $eq := \text{simplify}(\text{lhs}(eq) - \text{rhs}(eq) = 0)$  /\* linke - rechte Seite \*/  
 $R s + R^2 - 2 R s x^2 = 0$

- /\* also \*/  $x := \sqrt{2} \cdot \sqrt{R \cdot s + s^2} / (2 \cdot s)$   
 $\frac{\sqrt{2} \sqrt{R s + s^2}}{2 s}$

- /\* und mit \*/  $s := \sqrt{R^2 + h^2}$ : /\* ist x \*/ x

$$\frac{\sqrt{2} \sqrt{R^2 + h^2 + R \sqrt{R^2 + h^2}}}{2 \sqrt{R^2 + h^2}} \text{ also } x = \frac{h}{a} = \frac{\sqrt{2} \sqrt{R^2 + h^2 + R \sqrt{R^2 + h^2}}}{2 \sqrt{R^2 + h^2}};$$

$$a = \frac{2 h \sqrt{R^2 + h^2}}{\sqrt{2} \sqrt{R^2 + h^2 + R \sqrt{R^2 + h^2}}} = \frac{h \sqrt{2} \sqrt{R^2 + h^2}}{\sqrt{R^2 + h^2 + R \sqrt{R^2 + h^2}}}$$

und abzuschneiden über der Grundfläche also  $h_1 = h - a$